

Prof. Dr. Alfred Toth

Eingebettete Kontexturen bei selbstenthaltenden Relationen

1. In Toth (2019a) hatten wir das vollständige, zehnfache System der semiotischen Dualsysteme, vermehrt um ihre Abbildungen auf die zugehörigen strukturellen Realitäten, wie folgt dargestellt.

$$\begin{aligned}(3.1_3, 2.1_1, \underline{1.1}_{1.3}) &\times (1.1_{3.1}, 1.2_1, 1.3_3) \rightarrow (1.1_{3.1} \leftarrow (1.2_1, 1.3_3)) \\(3.1_3, 2.1_1, 1.2_1) &\times (2.1_1, 1.2_1, 1.3_3) \rightarrow (2.1_1 \leftarrow (1.2_1, 1.3_3)) \\(3.1_3, 2.1_1, 1.3_3) &\times (3.1_3, 1.2_1, 1.3_3) \rightarrow (3.1_3 \leftarrow (1.2_1, 1.3_3)) \\(3.1_3, \underline{2.2}_{1.2}, 1.2_1) &\times (2.1_1, 2.2_{2.1}, 1.3_3) \rightarrow ((2.1_1, 2.2_{2.1}) \rightarrow 1.3_3) \\(3.1_3, \underline{2.2}_{1.2}, 1.3_3) &\times (3.1_3, 2.2_{2.1}, 1.3_3) \rightarrow ((3.1_3) \leftrightarrow (2.2_{2.1}) \leftrightarrow (1.3_3)) \\(3.1_3, 2.3_2, 1.3_3) &\times (3.1_3, 3.2_2, 1.3_3) \rightarrow ((3.1_3, 3.2_2) \rightarrow 1.3_3) \\(3.2_2, \underline{2.2}_{1.2}, 1.2_1) &\times (2.1_1, 2.2_{2.1}, 2.3_2) \rightarrow (2.1_1 \leftarrow (2.2_{2.1}, 2.3_2)) \\(3.2_2, \underline{2.2}_{1.2}, 1.3_3) &\times (3.1_3, 2.2_{2.1}, 2.3_2) \rightarrow (3.1_3 \leftarrow (2.2_{2.1}, 2.3_2)) \\(3.2_2, 2.3_2, 1.3_3) &\times (3.1_3, 3.2_2, 2.3_2) \rightarrow ((3.1_3, 3.2_2) \rightarrow 2.3_2) \\(\underline{3.3}_{2.3}, 2.3_2, 1.3_3) &\times (3.1_3, 3.2_2, 3.3_{3.2}) \rightarrow (3.1_3 \leftarrow (3.2_2, 3.3_{3.2}))\end{aligned}$$

Theorem: Homogene Subzeichen können nur thematisiert auftreten.

Für die Kontexturenzahlen von thematisierenden (thd) und thematisierten (tht) Subzeichen gilt innerhalb von 9/10 thematisierten Realitäten: $K(\text{thd}) \cap K(\text{tht}) \neq \emptyset$.
Einzige Ausnahme ist

$$(3.1_3 \leftarrow (2.2_{2.1}, 2.3_2))$$

mit $K(2.2_{2.1}, 2.3_2) \cap K(3.1_3) = \emptyset$.

Mit Ausnahme der eigenrealen Realitätsthematik ist also diese Realitätsthematik die einzige, welche alle drei Kontexturenzahlen (1, 2 und 3) enthält.

Wesentlicher aber ist, daß wir bei den thematisierten Realitäten auf bisher nicht beschriebene eingebettete Kontexturen stoßen. Verwenden wir E als Einbettungsoperator, dann haben wir also

$$E(K(R_{th})) = (S_{thd}).$$

Die eingebetteten Kontexturen sind also genau die thematisierenden.

2. Nun stellen die Realitätsthematiken dyadische, ihre koordinierten Zeichenklassen hingegen triadische Relationen dar. Allerdings sind diese, wie Bense (1979, S. 53 u. 67) entdeckte, „verschachtelte“ Relationen bzw. „Relationen über Relationen“. Sie sind somit selbstenthaltend (vgl. Toth 2019b) und haben die Form

$$Zkl = (1 \rightarrow ((1 \rightarrow 2) \rightarrow (1 \rightarrow 2 \rightarrow 3))) = (1 \rightarrow (2 \rightarrow (3)))$$

Die 10 K-Zeichenklassen können dann in folgender Klammerung dargestellt werden:

$$(\underline{1.1}_{1.3}, (2.1_1, (3.1_3)))$$

$$(1.2_1, (2.1_1, (3.1_3)))$$

$$(1.3_3, (2.1_1, (3.1_3)))$$

$$(1.2_1, (\underline{2.2}_{1.2}, (3.1_3)))$$

$$(1.3_3, (\underline{2.2}_{1.2}, (3.1_3)))$$

$$(1.3_3, (2.3_2, (3.1_3)))$$

$$(1.2_1, (\underline{2.2}_{1.2}, (3.2_2)))$$

$$(1.3_3, (\underline{2.2}_{1.2}, (3.2_2)))$$

$$(1.3_3, (2.3_2, (3.2_2)))$$

$$(1.3_3, (2.3_2, (\underline{3.3}_{2.3})))$$

Einfache selbstenthaltende Einbettung gibt es also nur bei den Peircezahlen der Form (1.x) mit $x \in (1, 2, 3)$

$$(\underline{1.1}_{1.3}), (1.2_1), (1.3_3)$$

Doppelte selbstenthaltende Einbettung gibt es also nur bei den Peircezahlen der Form (2.x) mit $x \in (1, 2, 3)$

$$((2.1_1)), ((\underline{2.2}_{1.2})), ((2.3_2))$$

Dreifache selbstenthaltende Einbettung gibt es also nur bei den Peircezahlen der Form $(3.x)$ mit $x \in (1, 2, 3)$

$((3.1_3))$, $((3.2_2))$, $((3.3_{2.3}))$

Genau betrachtet sind also Zeichenklassen triadische Relationen über 1-, 2- und 3-stelligen Relationen, Realitätsthematik aber dyadische Relationen über 1- und 2-stelligen Relationen. Allein die eigenreale Zeichenklasse nimmt auch hier eine Sonderstellung ein, da ihre thematisierte Realität triadisch ist.

Literatur

Bense, Max, Die Unwahrscheinlichkeit des Ästhetischen. Baden-Baden 1979

Toth, Alfred, Eingebettete semiotische Kontexturen In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2019a

Toth, Alfred, Selbstenthaltende Relationen In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2019b

31.12.2019